پیش بینی خواص مکانیکی سیم مفتول و میله فولاد میکرواًلیاژی متوسط کربن<sup>۱</sup>

ترجمه: محمدحسين نشاطى

رویکرد جدیدی در رابطه با روش محاسبه خواص مکانیکی سیم مفتول و میله فولاد میکروآلیاژی متوسط کربن در این مقاله ارائه شده است. معادلات پیشنهادی ترکیب شیمیایی، اندازه دانه فریتی و رسوب کربونیترید را در نظر می گیرند. از مدلی برای تحول ریزساختار جهت تخمین اندازه دانه آستنیت و مقدار عناصر میکروآلیاژی موجود در محلول قبل از تبدیل آستنیت به فریت استفاده شد. فولادی حاوی ۲,۰ درصد کربن، 0.02 درصد نیوبیوم و 0.11 درصد وانادیوم برای اعتبارسنجی صنعتی مورد استفاده قرار گرفت. نتایج حاصل برای خواص کششی از نمونههای نورد شده را میتوان با دقت معقولی پیش بینی کرد، امکان استفاده از این روش در یک خط تولید صنعتی فعلی فراهم میشود.

خواص مکانیکی قطع نظر از کاربرد فولاد به طور واضحی مورد توجه هستند. اصلی ترین خواص مورد جستجو معمولاً تنش تسلیم و استحکام کششی، کشیدگی (ازدیاد طول نسبی) و درصد کاهش سطح مقطع در نقطه شکست باشند. از آنجا که گمان میرود برخی از محصولات، و در این مورد سیم مفتول، پس از نورد گرم مورد فرآیند کشش قرار گیرند بنابراین قابلیت تغییرشکل سرد بدون شکست اهمیت دارد. از این رو، پیش بینی خواص مکانیکی با عدم اطمینان معقول نیز مهم است. چنانکه در اینجا نشان داده خواهد شد، مدل های قابل اعتماد تقریبا می توانند نیاز به آزمایش مکانیکی را که معمولاً وقتگیر و گران است را برطرف کنند.

خواص مکانیکی را میتوان از طریق آزمایش آزمایشگاهی با استفاده از نمونههای قرار گرفته تحت شرایط مشابه نورد صنعتی برآورد کرد [۵–۱] یا میتوان آنها را از معادلات رگرسیون محاسبه کرد. روش دوم راحت ر و سریع تر است. در مطالب منتشره چند مورد اندک تحقیقات گزارش شده در مورد معادلات پیشبینی کننده خواص مکانیکی وجود دارند. برای نمونه، Pickering [6] برای فولادهای فرمدهی ورق کم کربن-Mn و Gladman آو همکاران [۷] برای فولادهای متوسط کربن-Mn و ریزساختارهای فریت-پرلیت، Hodgson و Hodgsol ایرای فولادهای میکروآلیاژی، و Gorni و Gorni و Mn-ایرای فولادهای میکروآلیاژی مدلها در مورد فولادهای میکروآلیاژی متوسط کربن کاربردی ندارند.

این تحقیق مدل جدیدی را برای محاسبه خواص مکانیکی سیم مفتول میکروآلیاژی متوسط کربن ارائه میدهد. معادلات پیشنهادی ترکیب شیمیایی، اندازه دانه فریتی و رسوب کربونیترید را در نظر می گیرند. یک مدل ریاضی تحول ریزساختاری برای تخمین اندازه دانه و مقدار عناصر میکروآلیاژی در محلول قبل از تبدیل آستنیت سیم مفتول به فریت مورد استفاده قرار گرفت. برای اعتبارسنجی صنعتی معادلات از فولادی حاوی ۰٫۳ درصد کربن، 0.02 درصد نیوبیوم و 0.11 درصد وانادیوم استفاده شد. نتایج عملی خواص کششی را میتوان با دقت معقولی پیشینی کرد، امکان استفاده از این روش در یک خط تولید صنعتی فعلی را می-دهد.

جدول ۱– ترکیبات شیمیایی فولادها برای آزمایشهای صنعتی. همه ارقام برحسب %wt.											
آلياژ	C	Mn	Si	Al	Cr	S	Р	N	V	Nb	Ce
پايە	0.35	0.75	0.22	0.028	0.02	0.013	0.013	0.0026	-	-	0.4
VNb	0.30	1.23	0.42	0.028	0.13	0.008	0.014	0.0130	0.11	0.02	0.5

روشهای آزمایشی ترکیب شیمیایی- جدول ۱ (<u>9</u> ترکیبات شیمیایی مورد استفاده

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>-Prediction of Mechanical Properties of Microalloyed Medium-Carbon Wire Rods and Bars, IRON & STEEL TECHNOLOGY, SEP 2020.

در آزمایشهای صنعتی این تحقیق را نشان میدهد.

این آلیاژها در دو شرایط تحت نورد گرم قرار گرفتند: (الف) در حالت صنعتی مرجع و (ب) با استفاده از محفظههای آب برای خنکسازی سریع بین پاسها. این شرایط دوم در اینجا به عنوان فرآوری ترمومکانیکی یا TMP سیم مفتول متوسط کربن نامیده می شود.

آزمایش مکانیکی– آزمایشهای کشش طبق استاندارد ASTM-A370 [۱۱] بر روی دستگاه Instron 600 kN تا شکست از شرایط نوردکاری گرم انجام شدند. برای محاسبه مقادیر تنش از مساحت سطح مقطع اسمی میله ها استفاده شد و برای مقادیر کشیدگی طول مفید نمونه در نظر گرفته شد.

نتايج

پیشبینی خواص مکانیکی فولاد متوسط کربن ساده (فولاد غیر میکروآلیاژی) – خواص مکانیکی در نظر گرفته شده در اینجا تنش تسلیم و استحکام کششی، به ترتیب Re و Rn؛ کشیدگی، A؛ و کاهش سطح مقطع در نقطه شکست، Z، هستند. دادههای گردآوری شده بیش از ۲۰۰ آزمایش صنعتی برای فولاد کربنی ساده و کم آلیاژ با استفاده از نرمافزار <sup>®</sup>Minitab مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفتند. یک رگرسیون چند متغیره برای خواص مکانیکی بدست آمد. معناداری آماری با استفاده از مقادیر p کمتر از ۱۰٫۰ برقرار شد و مدل تنظیم شده نهایی با در نظر گرفتن مربع R بالاتر از ۸۵درصد بدست آمد، همانطور که در **شکلهای – ۱** ۱۵ نشان داده شده است. دقت مدلهای پیشنهادی در اینجا با توجه به پراکندگی ذاتی دادههای صنعتی که معمولاً به همراه دارند، قابل توجه است.

چنانکه در شکل ۱۵ دیده می شود، متغیرهای مهم برای مقادیر پیش بینی شده تنش های تسلیم عبارتند از: ترکیب شیمیایی که C، «Mn و Mn را به عنوان مهمترین عناصر نشان می دهند و معکوس ریشه دوم اندازه دانه فریت (اثر Hall-Petch). مقدار مربع R برای متناسب سازی (برازش) ۹۰ درصد بود. به طور مشابه، مقادیر پیش بینی شده استحکام نهائی کشش به ترکیب شیمیایی، یعنی میزان C، C و Mn و همچنین معکوس ریشه دوم اندازه دانه فریت (اثر Hall-Petch). مقدار مربع R برای متناسب سازی (برازش) ۹۰ درصد بود. به طور مشابه، مقادیر پیش بینی شده استحکام نهائی کشش به ترکیب شیمیایی، یعنی میزان C، C و Mn و همچنین معکوس ریشه دوم اندازه دانه فریت نهایی بستگی دارد. مقدار مربع R برای برازش پیشنهادی در اینجا ۷۰ درصد بود. از طرف دیگر، کارکرد نرمی (داکتیلیتی) پیش بینی کننده کشیدگی و کاهش سطح مقطع تا نقطه شکست تنها اینجا ۹۷ درصد بود. از طرف دیگر، کارکرد نرمی (داکتیلیتی) پیش بینی کننده کشیدگی و کاهش سطح مقطع تا نقطه شکست تنها اینجا ۹۷ درصد بود. از طرف دیگر، کارکرد نرمی (داکتیلیتی) پیش بینی کننده کشیدگی و کاهش سطح مقطع تا نقطه شکست تنها به ترکیب شیمیایی بستگی دارد. مقدار مربع R برای برازش پیش به در اینجا ای در نه در می در اینجا ۹۷ درصد و ۸۶ درصد اندازه دانه فریت نهای مربع R با ارقام ۹۱ درصد و ۸۶ درصد اندازه دانه فریت را از نظر آماری معنادار برای تأثیر بر پیش بینی ها لحاظ نکرد.



برای وضوح، معادلات درج شده در شکلهای la-ld در اینجا بازنویسی می شوند:

- $\operatorname{Re}\left(\operatorname{MPa}\right) = -9 + 787 / \sqrt{GS} + 580\% C + 166\% Cr + 936\% Mo$
- $Rm (MPa) = \frac{126 + 526}{\sqrt{GS} + 975\%C + 223\%Cr + 86\%Mn} \qquad (2 \text{ or } 126\%)$

Z(%) = 80 - 54% C - 156% Al + 309% Ti - 49% M0 .....

**جدول ۲** اندازه دانه فریت محاسبه شده را برای گریدهای پایه و VNb نورد شده در شرایط معمولی (استاندارد) و خنکسازی سریع نشان می دهد.

> به وضوح، خنکسازی سریع اندازه دانه فریت را هم در نورد فولادهای متوسط کربن ساده و هم در نورد فولادهای متوسط کربن میکروآلیاژی کاهش میدهد.

جدول۲- اندازه دانه فریت محاسبهشده برای گریدهای پایه و VNb در شرایط 2P و 2C.					
آلياژ /شرايط	2P ( نوردکاری معمولی)	2C (نوردکاری با خنکسازی سریع)	٢		
پايە	۱۶ µm	۱۱ µm	2		
VNb	۹ µm	۵ µm			

آنالیز رگرسیون انجامشده تاکنون محلول جامد را از طریق سهم ترکیب شیمیایی، و اندازه دانه در استحکام و نرمی فولادهای کربنی ساده در نظر گرفته است. اکنون، هنگام سروکار با ترکیبات میکروآلیاژی، باید سهم رسوب نیز مطرح شود.

پیشبینی خواص مکانیکی فولاد متوسط کربن (فولاد میکروآلیاژی)- به منظور پیشبینی خواص مکانیکی در نظر گرفته شده در اینجا برای فولادهای میکروآلیاژی متوسط کربن، باید سهم استحکام رسوبی در نظر گرفته شود. محاسبه سهم گفته شده از روش پیشنهادی Lapointe و همکاران در سال ۱۹۸۲ [۱۲] و بعداً اصلاح شده Gallego در سال ۲۰۰۳ [۱۳] برداشت شد. این نویسندگان سختشدن ناشی از رسوب (Δ) را تخمین زده اند اگر رسوب بیشتر در آستنیت (Δσ<sub>ppt\_γ</sub>) یا در سطح مشترک آستنیت- فریت  $\gamma/\alpha$  ( $\Delta \sigma_{ppt_{IF}}$ ) رخ دهد. به عبارت دیگر، سهم استحکام رسوبی در فریت ناچیز است. هنوز هم، طبق گفته این نویسندگان، اجزای استحکامدهنده ناشی از رسوب کردن در آستنیت و در سطح مشترک آستنیت-فریت را میتوان با استفاده از معادله زیر تخمین زد:

$$\Delta \sigma_p = \sqrt{\Delta \sigma_{ppt-\gamma}^2 + \Delta \sigma_{ppt-I}^2} \qquad (5a)$$

در اینجا، مقادیر  $\Delta \sigma_{ppt_I}$  و  $\Delta \sigma_{ppt_I} \int \Delta \sigma_{ppt_I}$  را میتوان با استفاده از مدل پیشنهادی Orowan-Ashby (۱۹۶۶، ۱۹۶۶) [۱۵، ۱۴] و بعداً تکمیل شده توسط Gladman (1997) [16] وقتی که حضور ذرات ریز در نظر گرفته شد، محاسبه کرد، چنانکه از معادله۶ مشاهده میشود.

$$\Delta \sigma_p = \sqrt{\left(9 \frac{\sqrt{f_{\gamma}}}{d_{ppt-\gamma}} ln(1640d_{ppt-\gamma})\right)^2 + \left(9 \frac{\sqrt{f_{IF}}}{d_{ppt-IF}} ln(1640d_{ppt-IF})\right)^2} \dots (\beta \omega)$$

در معادله *۶، f<sub>IF</sub> f<sub>Y</sub> و d<sub>ppt\_IF</sub> و d<sub>ppt\_IF</sub> کسر حجمی رسوب کرده و متوسط اندازه رسوب به ترتیب در آستنیت و در سطح مشترک هستند. این معادله در طی چندین سال پیش بینیهای رضایت بخشی را ارائه داده است که در چند کار تحقیقاتی منتشر گردیده اند: Morales در طی چندین سال (۲۰۰۴) و (۲۰۰۳)، Campos و همکاران (۲۰۰۱) [۱۹]، Sobral (۲۰۰۴) [۲۰]، و Queyreau و همکاران (۲۰۱۴)، Kamikawa و همکاران (۲۰۱۴).* 

همانطور که قبلاً ذکر شد، در این تحقیق از دو آزمایش نورد استفاده شده است: (الف) آزمایش 2P، طراحی شده برای منعکس کردن یک روش سنتی نورد و (ب) شرایط 2C، طراحی شده برای استفاده از خنکسازی سریع بین نورد مقدماتی و نورد نهائی در طی تغییر فاز. حال، برای بدست آوردن سهم در استحکام ناشی از رسوب کردن، باید کسر حجمی رسوبات موجود در دمای اتاق را تخمین زده و اندازه متوسط این رسوبات را اندازه گیری کرد. کسر حجمی رسوب کرده با استفاده از مدل ارائه شده در جای دیگری [۲۴] محاسبه شد. تحول کسر رسوب کرده در طی نورد در شکل ۲ نشان داده شده است.



با توجه به انواع میکروآلیاژی کردن و فرآیند ترمومکانیکی اعمال شده، اندازه متوسط رسوب در حدود ۶nm بود [۲۷–۲۵]. مقادیر Δα با استفاده از معادله۶ محاسبه شدند و سپس به خواص مکانیکی پیشبینیشده برای فولادهای غیر-میکروآلیاژی متوسط کربن اضافه شدند. **جدول۳** مقادیر خواص مکانیکی پیشبینیشده با استفاده از معادلات قبلاً ذکر شده و **جدول ۴** خواص مکانیکی اندازه گیری شده از محصولات خط تولید صنعتی در شرایط نورد گرم شده را نشان میدهند.

جدول ۳ نشان میدهد که حداقل/حداکثر مقادیر Re برابر RP۵ MP۵ و حداقل/حداکثر مقادیر Rm برابر RM برابر ۶۸۷/۶۶۸ MPa و Rm بطور قابل توجهی بالاتر، به ترتیب ۶۴۸/۵۸۰ MPa برای مرجع، فولاد پایه، هستند، در حالی که برای آلیاژ VNb، مقادیر Re و Rm بطور قابل توجهی بالاتر، به ترتیب ۶۴۸/۵۸۰ MPa و ۸۸۷/۸۴۱ MPa می باشند. با توجه به خواص نرمی، محاسبات همان مقادیر را برای فولادهای پایه و میکروآلیاژی، در حدود خطاهای آماری پیشبینی میکنند. البته، نرمی از اهمیت برخوردار است. افزایش استحکام بدون کاهش نرمی فقط از طریق ریز خطاهای آماری پیشبینی میکنند. البته، نرمی از اهمیت برخوردار است. افزایش استحکام بدون کاهش نرمی فقط از طریق ریز کردن دانه، همانند مورد فولاد میکروآلیاژی حاصل میشود. همچنین، قابل توجه اینکه افزایش استحکام بدون کاهش نرمی فولاد

میکروالیاژی کربن کمتری داشت، یعنی ۰٫۳۰ درصد وزنی در مقایسه با ۰٫۳۵ درصد وزنی در فولاد پایه.

جدول ۴ مقادیر اندازه گیری شده خواص مکانیکی را نشان می دهد. تمام مقادیر اندازه گیری شده کاملاً نزدیک به مقادیر پیش بینی شده بودند، در خطاهای آماری، یعنی در حدود ۱۰± درصد برای دادههای استحکام و ۲۰± درصد برای نرمی. این حاشیه خطای نسبتاً باریک، به ویژه برای دادههای استحکام، نشان می دهد که مدل ارائه شده در اینجا قابلیت نشان می دهد که مدل ارائه شده در اینجا قابلیت استفاده برای پیش بینی مقادیر استحکام بطور مستقیم از خط نورد گرم را دارد، یا نیاز به آزمایش مکانیکی را برطرف نموده یا بطور قابل توجهی کاهش می دهد.

فاقد عناصر میکرواًلیاژی و برای فولاد متوسط کربن میکرواًلیاژی VNb.								
	يە	پ	VNb					
	210	2C	2P	2C				
		(نوردکاری با	( نوردکاري	(نوردکاری با				
خواص /شرايط	( تورد کاری معمونی)	خنک سازی سریع)	معمولی)	خنک سازی سریع)				
Re (MPa)	395	423	580	648				
Rm (MPa)	668	687	841	887				
A (%)	23	23	23	23				
Z (%)	61	61	63	63				
جدول 4- خواص مکانیکی پیشبینیشده برای یک فولاد پایه متوسط کربن ساده،								
.VI	فاقد عناصر میکروآلیاژی و برای فولاد متوسط کربن میکروآلیاژی VNb.							
	يە	پ	VNb					
	210	2C	2P	2C				
	$2\Gamma$	(نوردکاری با	( نوردکاري	(نوردکاری با				
خواص /شرايط	( نورد کاری معمولی)	خنک سازی سریع)	معمولی)	خنک سازی سریع)				
Re (MPa)	386	431	585	620				
Rm (MPa)	657	688	852	874				
A (%)	23	22	22	21				
Z (%)	62	62	62	61				

جدول ۳- خواص مکانیکی پیش بینی شده برای یک فولاد پایه متوسط کربن ساده،

پیش بینی خواص مکانیکی فولاد متوسط کربن (فولاد

غیر میکروآلیاژی)– شکل۱ نشان میدهد که خواص مکانیکی را میتوان با تقریب در حدود ۱۰± درصد برای استحکام و در حدود ۲۰± درصد برای نرمی پیشبینی کرد. پیشبینیها از بیش از ۲۰۰ تولید صنعتی بدست آمده است. بنابراین، میتوان استنباط کرد که معادله های۱ تا ۴ برای استفاده به عنوان پیشبینیکننده خواص مکانیکی فولادهای کربنی ساده متوسط کربن مناسب هستند، با خطاهای آماری که به درستی به کنار گذاشتن یا کاهش شدید نیاز به آزمایش مکانیکی در آزمایشگاه اشاره دارند.

پیشبینی خواص مکانیکی فولاد میکروآلیاژی متوسط کربن– پیشبینی خواص مکانیکی فولاد میکروآلیاژی نیز در انطباق با مقادیر اندازه گیری شده در حدود خطاهای آماری است. با وجود آن، مقادیر محاسبه شده در اینجا، به دو متغیر اصلی: اندازه متوسط رسوب که در اینجا از مطالب منتشره گرفته شده و کسر حجمی رسوب کرده، متکی هستند. بدست آوردن هر دو متغیر از طریق کار با میکروسکوپ الکترونی عبوری (TEM)، به ویژه کسر حجمی رسوب کرده، دشوار است. به همین دلیل است که این مقدار در اینجا از طریق مدلسازی تخمین زده شد و اندازه گیری نشد. با این وجود، نتایج برای استحکام و نرمی با نتایج پیشبینی شده انطباق نزدیکی داشتند که از رویکرد اتخاذ شده در اینجا پشتیبانی میکنند.

متالورژی فیزیکی پشت نورد گرم صنعتی– مطابق انتظار، فولاد میکروآلیاژی خواص مکانیکی بالاتری را برای تنش تسلیم و استحکام کششی نهائی ارائه داد. بدیهی است که این امر به دلیل کسر حجمی رسوبات تشکیل شده در طی نورد و اندازه دانه فریت ریزتر، ۱۶ و ۱۱ برای فولاد پایه در مقایسه با ۹ و ۵۹۵ برای فولاد میکروآلیاژی به ترتیب برای نوردکاری استاندارد یا نوردکاری با خنکسازی سریع است. در این تحقیق، کسر حجمی رسوب کرده طبق روش Medina و همکاران (۲۰۱۴) [۲۷] محاسبه شد، و تفاوت بین مقدار لحظهای عنصر میکروآلیاژی در محلول جامد و مقدار تعادل عناصر رسوبکننده مذکور را میتوان در هر زمان در طی نورد گرم بدست آورد و از طریق ضرب هر دو امکان تخمین کسر حجمی رسوبات وجود داشت. کسرهای حجمی رسوبات برای Nb(C,N) پیش بینی شده است. حجمی رسوبات برای شرایط نورد استاندارد به میزان 4-4.3E برای VN و به میزان 4-1.0E برای Nb(C,N) پیش بینی شده است. اکنون، برای شرایط خنکسازی سریع (ACC)، مقادیر پیش بینی شده مقادیر رسوب برابر با 4-2.2E برای VN و 4-1.1E برای Nb(C,N) هستند. کسر حجمی VN برای نورد در شرایط استاندارد اندکی بیشتر است در حالی که رسوب (C,N) برای Nb(C,N برای مرایط ACC کمی بیشتر است. همچنین، رسوب کردن مذکور پس از نورد گرم برای VN شروع می شود و، در مورد آلیاژ NbV، رسوب کردن Nb(C,N) بازهم در آخرین پاس های نوردکاری صورت می گیرد و پس از نورد گرم نیز ادامه دارد.

با صرفه (اقتصادی) بودن- رسیدن به تنشهای تسلیم ۵۸۰–۶۲۰ MPa فقط با استفاده از ترکیبی از Nb و V به روشی با صرفه (اقتصادی) امکان پذیر است. به عبارت دیگر، استفاده از V فقط به مقدار بیشتری از این عنصر برای رسیدن به استحکام مذکور در هزینه بالاتر بسته به قیمت بازار نیاز دارد. در حال حاضر، به نظر می رسد ترکیب Nb و V روش ناب تر و روشن تری در طراحی آلیاژ برای رسیدن به خواص بیان شده در اینجا باشد.

## نتيجه گيرى

از تحقیق ارائه شده در این مقاله می توان نتیجه گیری کرد:

۱. معادلات ارائه شده در اینجا میتوانند برای پیشبینی استحکام با تقریب ۱۰± درصد خطا برای مقادیر استحکام و با تقریب ۲۰± درصد برای نرمی برای فولادهای متوسط کربن در شرایط نورد شده گرم چه به صورت خنکشده در یک فرآیند معمول (استاندارد) خنکسازی با هوا و چه به صورت خنکشده در یک فرآیند خنکسازی سریع (ACC) مورد استفاده قرار گیرند.

۲. پیشبینی استحکام برای فولاد میکروآلیاژی به کسر حجمی رسوب کرده و اندازه متوسط رسوب متکی میباشد که اندازه گیری هر دو دشوار است. مقادیر نزدیک بدست آمده برای مقادیر پیشبینیشده و اندازه گیری شده خواص مکانیکی نشان میدهند که روش ریاضی مورد استفاده در این مطالعه برای کسری که رسوب میکند به نوعی معتبر میباشد و بهتر است از آن در پیش بینیها برای محصولات نورد گرم استفاده شود.

۳. به نظر میرسد که VN پس از نورد گرم رسوب میکند، همانطور که شناخته شده است. اما، Nb(C,N) در آخرین پاس نورد و همچنین پس از نورد گرم رسوب میکند، خواص استحکام را افزایش میدهد بدون آن که از خواص نرمی بکاهد.
۴- به نظر میرسد صرفه اقتصادی نشان میدهد که یک فولاد میکروآلیاژی Vb+V میتواند به خواص نزدیک به MPa با کربن متوسط برسد. به نظر میرسد این ترکیب این روزها با صرفهتر از یک فولاد میکروآلیاژی فقط با V، البته با توجه به قیمت-

## مراجع:

- 1. Vander Voort, G.F., Metallography Principles and Practice, McGrawHill Book Co., London, U.K., 1984.
- 2. Han, K.; Edmonds, D.V.; and Smith, G.D.W., "Optimization of Mechanical Properties of High-Carbon Pearlitic Steel With Si and V Addition," Metallurgical and Materials Transactions A, Vol. 32, 2001, pp. 1313–1324.
- 3. Santos, D.B., Refining of Ferritic Grain Through Controlled Lamination with Deformation in the Biphasic Region," (in Portuguese), doctoral thesis, CPGEM-EEUFMG, 1991, p. 252.
- 4. Yada, H., "Prediction of Microstructural Changes and Mechanical Properties in Hot Strip Rolling," Int. Symp. on Accelerated Cooling of Rolled Steel, Winnipeg, Man., Canada, 1987, pp. 105–119.

6. Pickering, F.B., Physical Metallurgy and the Design of Steels, Allied Science Publishers, London, U.K., 1978, p. 275.

7. Gladman, T.; McIvor, I.; and Pickering, F.B., "Some Aspects of the Structure-Property Relationships in High Carbon Ferrite-Pearlite Steels," Journal of the Iron and Steel Institute, Vol. 210, December 1972, pp. 916–930.

8. Hodgson, P.D., and Gibbs, R.K., "A Mathematical Model to Predict the Mechanical Properties of Hot Rolled C-Mn and Microalloyed Steels," ISIJ International, Vol. 32, No. 12, 1992, pp. 1329–1338.

9. Gorni, A.A., and Branchini, O.L.G., "Microstructure-Mechanical Relationships in a Hot Rolled Biphasic Steel," 1st

<sup>5.</sup> Rodrigues, P.C.M., "Relationship Between Microstructure and Properties of a Hot Rolled ARBL Steel With Accelerated Cooling," (in Portuguese), doctoral thesis, CPGEM-EEUFMG, 1998, p. 277.

Seminar on Sheet Metal for the Automotive Industry, ABM, São Paulo, Brazil, 1992, pp. 127-145.

10. ASTM E112, Standard Test Methods for Determining Average Grain Size, ASTM International, West Conshohocken, Pa., USA, 2003.

11. ASTM A370, Standard Test Methods and Definitions for Mechanical Testing of Steel Products, ASTM International, West Conshohocken, Pa., USA, 2017.

12. Lapointe, A.J., and Baker, T.N., "Analysis of Strengthening Contribution at Peak Hardening From Precipitation in Vanadium Continuously Cooled From Austenite," Metal Science, Vol. 16, 1982, pp. 207–216.

13. Gallego, J., "Investigation by Electron Microscopy of Transmission of Hardening by Precipitation of Carbonitrides in Commercial Steels Microalloyed to Vanadium," (in Portuguese), doctoral thesis, UFSCar, São Carlos, Brazil, 2003, p. 140. 14. Orowan, E., "Internal Stresses in Metals and Alloys," Symposium on Internal Stresses, The Institute of Metals, 1948, London, U.K., p. 451.

15. Ashby, M.F., Acta Metallurgica, Vol. 14, 1966, p. 679.

16. Gladman, T., The Physical Metallurgy of Microalloyed Steels, The Institute of Materials, London, U.K., 1997, pp. 81–211.

17. Kestenbach, H.J., and Gallego, J., "On Dispersion Hardening of Microalloyed Hot Strip Steels by Carbonitride Precipitation in Austenite," Scripta Materialia, Vol. 5, 2001, pp. 791–796.

18. Kestenbach, H.J.; Campos, S.S.; and Morales, E.V., "Role of Interphase Precipitation in Microalloyed Hot Strip Steels," Materials Science and Technology, 2006, Vol. 22, pp. 615–626.

19. Campos, S.S.; Morales, E.V.; and Kestenbach, H.J., "On Strengthening Mechanisms in Commercial Nb-Ti Hot Strip Steels," Metallurgical and Materials Transactions A, Vol. 32A, May 2001, pp. 1245–1248.

20. Sobral, M.D.C., "Analysis of the Thermomechanical Process of Thin Plates of Microalloyed V-Nb Steel With Emphasis on the Precipitation of Carbonitrides," (in Portuguese), doctoral thesis, UNICAMP, Campinas, Brazil, 2004, p. 147.

21. Queyreau, S., et al., "Orowan Strengthening and Forest Hardening Superposition Examined by Dislocation Dynamics Simulations," Acta Materialia, Vol. 58, 2010, pp. 5586–5595.

22. Morales, E.V., et al., "Strengthening Mechanisms in a Pipeline Microalloyed Steel With a Complex Microstructure," Materials Science & Engineering A, Vol. 585, 2013, pp. 253–260.

23. Kamikawa, N., et al., "Tensile Behavior of Ti,Mo-Added Low-Carbon Steels With Interphase Precipitation," ISIJ International, Vol. 54, No. 1, 2014, pp. 212–221.

24. Pereda, B., et al., "Improved Model of Kinetics of Strain Induced Precipitation and Microstructure Evolution of Nb Microalloyed Steels During Multipass Rolling," ISIJ International, Vol. 48, 2008, pp. 1457–1466.

25. Kundu, A., "Grain Structure Development During Casting, Reheating and Deformation of Nb-Microalloyed Steel. School of Metallurgy and Materials, thesis for degree of Doctor of Philosophy, University of Birmingham, Birmingham, U.K., March 2011, p. 322.

26. Moura, T., et al., "Mathematical Model of Microstructural Evolution and Alloy Design for Nb Microalloyed Steels," TMP 2016 5th International Conference Thermomechanical Processing, Milan, Italy, 2016, pp. 1–6.

27. Medina, S.F., et al., "Model for Strain-Induced Precipitation Kinetics in Microalloyed Steels," Metallurgical and Materials Transactions A, Vol. 45A, March 2014, pp. 1524–1539.