اثر جدایش بور بر ترک سطحی فولاد بوردار کم کربن^۱

ترجمه: محمدحسين نشاطى

چکیدہ

مشخصه جدایش بور بر اساس مدل جدایش و آنالیز توزیع آماری موقعیت اولیه تجزیهوتحلیل شد و ترک افقی [عرضی] سطحی با استفاده از میکروسکوپ متالوگرافی و میکروسکوپ الکترونی روبشی مشاهده شد. محاسبه نظری نشان میدهد که عنصر بور هنگامی که کسر انجماد بیش از ۹٫۹ باشد، تمایل قوی به جدایش دارد، در پایان انجماد، محتوای بور حدود ۲۰ برابر بیشتر از مقدار اولیه بور است، و سرعت سرد کردن هیچ تأثیر آشکاری بر جدایش بور ندارد. جدایش در منطقه بیرونی بزرگتر بود و حداکثر جدایش در چهار نمونه آزمایشی به ترتیب ۳۲٫۳۷۲، ۲۹٫۰۸۸، ۲۹٫۸۸ و ۱۹٫۳۹۲ است. میکرو–مورفولوژی ترک، نشان میدهد که جهت امتداد ترک به صورت عمود بر سطح و وجه بیلت است و ترک افقی در اثر گسترش میکرو– ترکهای زیرپوستی و حبابهای ریز موجود در بیلتها در طی نوردکاری، ایجاد میشود. ذرات فلز و آخال های کروی به مقطع ترک متصل هستند.

مقدمه

افزودن مقدار اندکی عنصر بور در فولاد میتواند سختیپذیری و سختی سطح را بطور قابل توجهی بهبود بخشد، و همچنین به استحکام بالاتر و تقویت چقرمگی (تافنس) منتج گردد [۱،۲]. اما، عنصر بور برای فرآیند ریخته گری پیوسته مضر است، عمدتا بر روی ترک سطحی بیلتها متمرکز میباشد [۳]. تحقیقات در مورد ترموپلاستیسیته (گرمانرمی) فولاد بور-دار نشان میدهد که دامنه دمای شکنندگی ۲۰۰۰–۹۰۰ است و کاهش سطح مقطع آن [در نقطه شکست] فقط ۳۹–۳۲ درصد با محتوای بور %مانه دمای شکنندگی ۲۰۰۰–۹۰۰ است و کاهش سطح مقطع آن [در نقطه شکست] فقط ۳۹–۳۲ درصد با محتوای بور %ماهند دمای شکنندگی ۲۰۰۰–۹۰۰ است و کاهش سطح مقطع آن [در نقطه شکست] فقط ۳۹–۲۳ درصد با محتوای بور %ماهنه دمای شکنندگی ۲۰۰۰–۹۰۰ است و کاهش سطح مقطع آن [در نقطه شکست] فقط ۳۹–۲۳ درصد با محتوای بور %ماهنه دمای شکنندگی ۲۰۰۰–۹۰۰ است و کاهش سطح مقطع آن [در بیلتهای ریخته گری پیوسته میشود [۶–۴]. نتایج مشاهده با میکروسکوپ الکترونی عبوری (TEM) نشان میدهند که ذرات ریز AIN و مشاهده با میکروسکوپ الکترونی عبوری (TEM) نشان میدهند که ذرات ریز AIN و مشاهده با میکروسکوپ الکترونی روبشی (SEM) و میکروسکوپ الکترونی عبوری (TEM) نشان میدهند که ذرات ریز AIN و مشاهده با میکروسکوپ الکترونی و مین رسوب میکنند، که به استعداد ترک در بیلت ریخته گری منجر می شوند. تنش حرارتی صافکاری باعث تحریک ایجاد میکروترکها و گسترش آنها در امتداد نشانههای نوسان میشود، و سپس ترک شوند. تنش حرارتی صافکاری باعث تحریک ایجاد میکروترکها و گسترش آنها در امتداد نشانههای نوسان میشود، و سپس ترک شوند. تنش حرارتی صافکاری باعث تحریک ایجاد میکروترکها و گسترش آنها در امتداد نشانههای نوسان میشود، و سپس ترک شوند. تنش حرارتی صافکاری باعث تحریک ایجاد میکروترکها و گسترش آنها در امتداد نشانههای نوسان میشود، و سپس ترک موند. تش حرایتی مدر سلح میولاد بور حرار و بوجود میآیند (۲۰۱۱، هماه مد و ترکهای مشاهده شد و ترکهای مشود می آیند در در در دارا.

بر اساس آنالیز شیمیائی، بور و نیتروژن در منطقه ترک بیشتر بودند، و BN در مرز دانه آستنیت رسوب کرده بود. تمرکز تنش حرارتی و شکنندگی مرز دانه باعث افزایش حساسیت ترکهای بیلت میشود. این دلیل کاهش ترموپلاستیک و پیدایش ترکهای سطحی برای فولاد بور-دار است. بنابراین، جدایش عنصر بور و رسوب ذرات BN تأثیر قابل توجهی بر ترکهای بیلت دارد.

در این مطالعه، رفتار جدایش بور در فولاد بوردار با کربن کم در طی انجماد توسط ترمودینامیک محاسبه شد و بیلتها توسط آنالیز توزیع آماری موقعیت اولیه (OPA) مشاهده شدند. هدف از این مقاله شناخت بیشتر رابطه بین جدایش بور و ترکهای بیلت برای فولاد بوردار است.

¹-J. Sun, et al., Effect of boron segregation on the surface crack of low carbon boron-bearing steel, Results in Physics 13 (2019).

أزمايش

ترکیب شیمیایی اسلب فولاد بوردار در **جدول ۱** آورده شده است. محل نمونهبرداری در **شکل ۱** نشان داده شده است. چهار نمونه از اسلب فولاد بوردار با عرض ۲۱۰۰ mm و ضخامت ۲۳۰ mm برداشته شدند و اندازه نمونه ۱۴۰ mm×۳۰×۶۰ بود. هر نمونه توسط اره نواری بریده شده و سپس با استفاده از کاغذ سنباده صیقل داده شد تا سطح صافی بدست آید.

نمونه ها با استفاده از روش OPA توسعه یافته توسط شرکت Beijing NAKE Analysis Instrument CO مشاهده شدند.

جدول ۱– ترکیب شیمیایی فولاد بور-دار [wt%]								
عنصر	С	Si	Mn	Р	S	Al_s	В	
ميزان	0.145	0.196	0.573	0.018	0.005	0.01	0.0012	



شکل ۲. نمودار اصول کار OPA.

رو برای می تواند ترکیب شیمیایی اولیه، اطلاعات OPA می تواند ترکیب شیمیایی اولیه، اطلاعات ساختاری را تشخیص دهد و رفتار آخال را توصیف کند. اصول کار در **شکل ۲** نشان داده شده است. ظرفیت تحریک، فرکانس و مقاومت شده است. ظرفیت تحریک، فرکانس و مقاومت آتمسفر آزمایش گاز آرگون با خلوص ۹۹٫۹۹۹ و ۹۹٫۹۹۹ درصد و دبی $\Lambda \cdot mL/s$ بود. سرعت اسکن خطی درصد و دبی آنالیز و پردازش تصویر مورد مقایسه و تطبیق، و آنالیز قرار گرفته و در نهایت اطلاعات مواند.

با هدف مشاهده مشخصات مورفولوژی ترک ها، بیلت در امتداد جهت ترک دونیمه شد. نمونه های نزدیک ترک برای مشاهده متالوگرافیکی با استفاده از میکروسکوپ متالوگرافی آماده سازی شدند و میکرومورفولوژی داخلی ترک با استفاده از میکروسکوپ الکترونی SEM مشاهده شد.

محاسبه جدایش بور

مدل میکرو-جدایش نقش مهمی در بهینهسازی فرآیند انجماد، کنترل ریزساختار و پیشبینی ماکروجدایش دارد. مدلهای کلی برای محاسبه

میکروجدایش فولاد در **جدول ۲** نشان داده شدهاند، از جمله مدل Level، مدل Scheil [۱۳]، مدل Brody-Flemings و مدل Scheil برای موارد مدل Clyne-Kurz[۵۵]، مدل Scheil و مدل Voller-Beckrmann [۱۷]. مدل Level و مدل Scheil برای موارد محدودی بکار میروند و پیشبینی دقیق انجماد واقعی در آنها دشوار است. Brody-Flemings بر اساس مدل level و مدل Scheil ، نفوذ (دیفوزیون) برگشتی به جامد را در مدل میکروجدایش با فرض نفوذ کامل عنصر حل شده در فاز مایع و نفوذ محدود در فاز جامد وارد کردند، اما، عدم موازنه جرم در هنگامی که ضریب نفوذ معکوس (β) بیشتر از ۲٫۰ باشد بروز می کند. -Clyne Kurz مقدار β را با ریاضیات اصلاح کردند. Voller-Beckrmann اثرات درشت شدن بازوی دندریت بر جدایش را در نظر گرفتند. ترکیب شیمیایی فولاد بوردار در جدول ۱ نشان داده شده است و دمای سالیدوس و لیکوئیدوس فولاد از معادله (۱) محاسبه شد.

جدول ۲- فرمولهای مدلهای میکرو-جدایش.								
رديف	مدل	عبارت رياضي	خاصیت نفوذ جزء حل شدہ					
١	مدل Level [۱۳]	$C_L = C_0 [1 - (1 - k)f_s]^{-1}$	نفوذ کامل در فاز جامد و مایع					
۲	مدل Scheil [۱۳]	$C_{L} = C_{0} (1 - f_{s})^{k-1}$	نفوذ کامل در فاز مایع و عدم نفوذ در فاز جامد					
٣	تناسب پایه [۱۳]	$C_{L} = C_{0} \left[1 - (1 - 2\beta k) f_{s} \right]^{(k-1)(1 - 2\beta k)}$	نفوذ کامل در فاز مایع و نفوذ محدود در فاز جامد					
۴	مدل Brody-Flemings [۱۴]	$\beta = \alpha$						
۵	مدل Clyne-Kurz [۱۵]	$\beta = \alpha \left[1 - \exp(-1/\alpha)\right] - 0.5 \exp(-1/2\alpha)$						
۶	مدل Ohnaka [۱۶]	$\beta = \gamma / [(1-w_e)^2 + 2\gamma] \gamma = (m+1) / (D_s t_f) / \lambda^2$						
۷	مدل Voller-Beckrmann [۱۷]	$\alpha^+ = A_2 \alpha + \alpha^c$						

(2)

مدل Brody-Flemings (مدل BF) فرض می کند که جزء حل شده بطور کامل در فاز مایع و به صورت محدود در فاز جامد نفوذ می کند. تناسب پایه در معادله (۲) ارائه شده است.

$$C_{L} = C_{0} [1 - (1 - 2\beta k)f_{s}]^{(k-1)(1 - 2\beta k)}$$

که در آن k ضریب توزیع تعادلی جزء حل شده، C_0 غلظت اولیه جزء حل شده، f_s کسر انجماد، C_L غلظت جزء حل شده در فاز جامد، $\beta = \alpha$ ،BF جامد، β ضریب نفوذ معکوس میباشند. برای مدل $\beta = \alpha$ ،BF و α عدد فوریه (Fourier number) عنصر حل شده است که با معادله (۳) نشان داده می شود.

$$\begin{aligned}
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4) \\
 (4$$

نشان میدهد که عنصر بور هنگامی که کسر انجماد بزرگتر از ۰٫۹ باشد، تمایل قوی به جدایش دارد. نسبت جدایش برابر ۱۰ است هنگامی که کسر انجماد ۰٫۹ باشد و در پایان انجماد، مقدار بور حدود ۲۰ برابر بیشتر از مقدار اولیه بور است. در همین حال، طبق شکل۳، سرعت سرد کردن تأثیر آشکاری بر جدایش ندارد. دلیل اصلی آن این است که بور دارای سرعت نفوذ کمتری در فاز جامد است.



شکل ۴. نقشه کانتور دو بعدی برای جدایش بور.

نتايج و بحث

توزيع بور

مکانیزم رسوب کردن BN به سبب تمایل قوی به جدایش در هنگام انجماد است. وقتی غلظتهای محلی بور و نیتروژن از مقدار تعادل فراتر رود، ممکن است ذره BN در طی فرآیند سرد کردن رسوب کند. **شکل ۴** جدایش بور نمونه آزمایش را نشان میدهد و محتوای بور با رنگهای مختلف مشخص شده است. رنگ قرمز نشاندهنده جدایش بزرگتر و رنگ آبی نشاندهنده جدایش کوچکتر است. نتایج OPA نشان میدهد که در چهار صفحه فولادی درجات مختلفی از جدایش وجود دارد. جدایش در منطقه بیرونی وخیمتر بود، داشت. وقتی غلظتهای محلی بور و نگ آبی نشاندهنده جدایش کوچکتر محتوای بور با رنگهای مختلف مشخص شده است. رنگ قرمز نشاندهنده جدایش بزرگتر و رنگ آبی نشاندهنده جدایش کوچکتر است. نتایج OPA نشان میدهد که در چهار صفحه فولادی درجات مختلفی از جدایش وجود دارد. جدایش در منطقه بیرونی و خیمتر بود، دلیل اصلی این بود که لبه اسلب در طول فرآیند سرد کردن بطور ترجیحی خنک میشود. در نتیجه، منطقه مرکزی دمای بالاتری نسبت به منطقه لبه دارد. در طی فرآیند انجماد، بور بطور ترجیحی در مرحله اولیه در منطقه لبه رسوب کرده است و میزان بور در آخرین مرحله انجماد در منطقه مرکزی میزان بور در آخرین مرحله انجماد در طول فرآیند است در منظور ترجیحی در مرحله اولیه در منطقه له رسوب کرده است و میزان بور در آخرین میزان در منطقه مرکزی میزان بور در آخرین مرحله انجماد در منطقه مرکزی میزان بور در آخرین مرحله انجماد در منطقه مرکزی کاهش یافت.

علامت "*""موقعیت حداکثر جدایش را در صفحه فولادی نشان میدهد. ناحیه بیرونی نمونه ۱# دارای منطقه جدایش توزیع پیوسته است که نوار جدایش آشکار میباشد و جدایش عنصر بور در ناحیه بیرونی بزرگتر است. برای نمونه ۲[#]، منطقه جدایش توزیع ناپیوسته در ناحیه بیرونی وجود دارد و تفاوت قابلتوجهی در ترکیب در کل صفحه ظاهر میشود. علاوه بر این، نوار باریکی در سمت چپ وجود دارد، و حداکثر درجه جدایش در این ناحیه وجود دارد. گوشه پایین سمت راست نمونه ۳[#] دارای جدایش بلوکی آشکاری است. حداکثر جدایش در این ناحیه وجود دارد. لبه بیرونی نمونه ۴[#] جدایش قوی پیوسته را نشان میدهد. علاوه بر این، یک نوار محصور شده جدایش در داخل جدایش شدیدی را نشان میدهد و حداکثر جدایش در این منطقه رخ داده است. حداکثر جدایش چهار نمونه آزمایش به ترتیب ۲۲٫۳۷۲، ۱۸٫۰۰۸ و ۲٫۹۷۷ و ۲٫۹۹۲ است.

شکل ۵. نقشه های توزیع تراکم در سطح مقطع بیلتها.

شكل ۶ ترك سطح اسلب فولاد بور-دار.

نمودار توزيع تراكم، تغيير شدت خط طيفي زمينه (ماتريس) Fe را نشان می دهد، و نشان دادن تغییر تخلخل (looseness) و توزيع عيب در اسلب مي تواند ساده باشد. مقدار تراكم و ناپیوستگی را می توان به صورت کمی اندازه گیری کرد. شکل ۵ نمودار توزیع تراکم را نشان میدهد. رنگ گرم نشاندهنده تراکم بالاتر و رنگ سرد نشاندهنده تراکم کمتر است. تراکم نمونه های ۱، ۲، ۲، ۳، و ۴۴ به ترتیب ۰٫۹۲۶، ۰٫۹۴۹۵، ۰,۹۳۹ و ۰,۹۵۵۱ است. تراکم نمونه ۴۴ نسبتاً زیاد با کیفیت داخلی خوب است و کیفیت در نزدیکی لبه اسلب بهتر از قسمت مرکزی است. بعلاوه، ناحیه تخلخل (porosity) منطقه مرکزی نمونه ۲# و تخلخل بلوکی در گوشه نمونه ۱# و ۳# وجود دارد. ترک در فولاد بوردار

> مورفولوژی ترک ماکروسکوپی اسلب فولاد بوردار در **شکل ۶** نشان داده شده است. طول و عمق ترک mm ۲۲ و ۶mm می باشند. جدایش بور به عیوب سطحی بیلت منجر می شود. عیب پوسته و ترک عمیق روی سطح بیلت کیفیت سطح و بهرهدهی محصول را کاهش میدهند.

> به منظور تجزیهوتحلیل میکرومورفولوژی ترک، سطح بیلت ریخته گری پیوسته با زدودن پوسته، پولیش شد و نمونه متالوگرافی برای مشاهده با میکروسکوپ متالوگرافی تهیه شد.

شکل ۷. مورفولوژی متالوگرافیکی منطقه ترک.

أناليز تراكم

نتایج در **شکل۷** نشان داده شده است. سپس، نمونه با استفاده از گیره در امتداد جهت ترک برش زده شد، و میکرومورفولوژی داخلی ترک با میکروسکوپ الکترونی SEM مشاهده شد، چنانکه در **شکل۸** نشان داده شده است. از شکلهای ۷و ۸ قابل مشاهده است که امتداد ترک روی سطح بیلتها نیست، بلکه به صورت عمودی تا سطح بیلت و وجه بیلت امتداد مییابد. میتوان استناج کرد که ترک از ترک خوردن ساختار زمینه در طی فرآیند نورد نشات نمیگیرد، علاوه بر این، ترک نمونه چنانکه در میکرو مورفولوژی ترک دیده میشود یک ترک افقی است. ترک افقی سطحی در اثر گسترش میکروترکهای زیرپوستی و حبابهای ریز موجود در بیلتها در طی نوردکاری تشکیل میشود و آنالیز متالوگرافی ترک نشان میدهد که دانههای آستنیت نزدیک ناحیه ترک روی نامنظم بین مرز دانه رسوب میکند، همانطورکه در شکل۸ نشان داده شده است. و مهمتر، نقاط سیاه یا آخالهای آخالهای کروی متصل است.

نتيجه گيرى

بر اساس محاسبه و نتایج بدست آمده در این مطالعه، نتیجه گیری زیر انجام شد:

 (۱) عنصر بور هنگامی که کسر انجماد بیشتر از ۰,۹ باشد، تمایل قوی به جدایش دارد. در پایان انجماد، محتوای بور حدود ۷۰ برابر بیشتر از مقدار اولیه بور است و سرعت سرد کردن هیچ تأثیر آشکاری بر جدایش بور ندارد.

(۲) بور بطور ترجیحی در مرحله اولیه در طی فرآیند انجماد در منطقه لبه رسوب کرد. نوار توزیع جدایش پیوسته در نمونه ۱# که در مرکز بیلت قرار داشت، ظاهر شد و نوار

شکل ۸. منظر میکروسکوپی ترک با میکروسکوپ الکترونی روبشی (SEM).

محصور شده جدایش در وسط نمونه ۴۴ یک جدایش قوی را نشان داد، در ضمن، حداکثر جدایش چهار نمونه آزمایش به ترتیب ۲٫۳۷۲ محصور شده جدایش جهار نمونه آزمایش به ترتیب

(۳) ترک افقی توسط گسترش میکرو-ترکها و حبابهای ریز زیر پوستی در بیلتها در طی نوردکاری ایجاد می شود. علاوه بر این، مقطع ترک به ذرات فلز و آخالهای کروی رسوب کرده بین مرز دانهها، متصل است.

مراجع:

[1] Deva A, Jha BK, Mishra NS. Influence of boron on strain hardening behaviour and ductility of low carbon hot rolled steel. Mater Sci Eng, A 2011;528(24):7375–80 https://doi.org/10.1016/j.msea.2011.06.030

[2] Wang XM, He XL. Effect of boron addition on structure and properties of low carbon bainitic steels. ISIJ Int 2002;42(s):38–46. https://doi.org/10.2355/isijinternational 42.Suppl_S38.

[3] Shen K, Wang SF, Ma H, Liao SL. Analysis and improving measures for surface defects on low carbon boron steel. J Iron Steel Res 2014;26(1):57–62.

[4] Kim SI, Choi SH, Lee Y. Influence of phosphorous and boron on dynamic recrystallization and microstructures of hot-rolled interstitial free steel. Mater Sci Eng, A 2005;406(1):125–33. https://doi.org/10.1016/j.msea.2005.06.040.

[5] Kurban M, Erb U, Aust KT. A grain boundary characterization study of boron segregation and carbide precipitation in alloy 304 austenitic stainless steel. Scr Mater 2006;54(6):1053–8. https://doi.org/10.1016/j.scriptamat.2005.11.055.

[6] He XL, Chu YY, Jonas JJ. Grain boundary segregation of boron during continuous cooling. Acta Metall 1989;37(1):147–61. https://doi.org/10.1016/0001-6160(89) 90274-5.

[7] Xie KY, Livi K, Mccauley JW, Hemker KJ. Precipitation of AlN in a commercial hotpressed boron carbide. Scr Mater 2015;101:95–8. https://doi.org/10.1016/j. scriptamat.2015.02.002.

[8] Shi CB, Li J, Yu L, Qi YF, Liu WJ, Zhang ZM. Precipitation behavior of BN in low carbon boron-bearing steel. Chin J Eng 2016;38(s):8–13.

[9] Kim KS, Du LX, Gao CR. Thermodynamic analysis of boron nitride formation in boron microalloyed steel. J Northeast Univ 2015;36(4):483–8. https://doi.org/10.3969/j.issn.1005-3026.2015.04.007.

[10] Yin S, Komatsu H, Tanino M. The precipitation behaviour of boride during cooling. Acta Metall Sinica 1982;18(5):559–644.

[11] Blazek KE, Lanzi O, Yin H. Boron effects on the solidification of steel during continuous casting. Revue De Métallurgie 2008;105(12):609–25.

[12] Yin H, Blazek K, Lanzi O. "In-situ" observation of remelting phenomenon after solidification of Fe-B alloy and B-bearing commercial steels. ISIJ Int 2009;49(10):1561–7.

[13] Voller VR. Modeling micro scale phenomena for application in solidification process simulations. Proceedings of the Second International Conference on Processing Materials for Properties, 5–8 November. San Francisco, United States: TMS; 2000. p. 1011–6.

[14] Brody HD, Flemings MC. Solute redistribution during dendritic solidification. Trans TMS-AIME 1966;236:615–24.

[15] Clyne TW, Kurz W. Solute redistribution during solidification with rapid solid state diffusion. Metall Trans A 1981;12(6):965–71. https://doi.org/10.1007/ BF02643477.

[16] Ohnaka I. Mathematical analysis of solute redistribution during solidification with diffusion in solid phase. Trans Iron Steel Inst Jpn 1986;26(12):1045–51. https://doi.org/10.2355/isijinternational1966.26.1045.

[17] Voller VR, Beckermann C. Approximate models of microsegregation with coarsening. Metall Mater Trans A 1999;30(11):3016–9. https://doi.org/10.1007/s11661-999-0141-6.

[18] Won YM, Thomas BG. Simple model of microsegregation during solidification of steels. Metall Mater Trans A 2001;32(7):1755–67. https://doi.org/10.1007/s11661-001-0152-4.